

Vejledning til læreplan i Matematik C, gux

Marts 2025

Indholdsfortegnelse

0. Forord	3
1. Fagets rolle.....	4
2. Fagets formål.....	4
3. Læringsmål og indhold.....	4
3.1 Læringsmål.....	4
3.2 Kernestof og mindstekrav.....	5
3.2.1 Tal og formler	5
3.2.2 Procent- og rentesregning, absolut og relativ ændring	6
3.2.3 Statistik.....	6
3.2.4 Regression.....	6
3.2.5 Trigonometri.....	7
3.2.6 Funktioner.....	7
3.2.7 Monotoniforhold	8
3.2.8 Matematiske modeller og modellering.....	8
3.2.9 Mindstekrav	9
3.3 Supplerende stof.....	10
3.3.1 Indekstal og annuitetsregning.....	10
3.3.2 Kombinatorik og sandsynlighedsregning	11
3.3.3 Vektorregning.....	11
3.3.4 Ræsonnement og bevisførelse	12
3.3.5 Væksthastighed – et vigtigt begreb i matematiske modeller	12
3.3.6 Autentiske data.....	12
4. Undervisningens tilrettelæggelse	13
4.1 Didaktiske principper.....	13
4.1.1 Overgang og grundforløb	13
4.1.2 Ræsonnement	15
4.1.3 Problembehandling og modellering.....	15
4.1.4 Undersøgelserbaserede aktiviteter.....	16
4.1.5 Færdigheder	16

4.1.6	Matematisk symbolsprog og kommunikation.....	17
4.1.7	Matematiske værktøjsprogrammer	17
4.1.8	Specielt om tilrettelæggelse mhp. træning frem mod de mundtlige prøver	17
4.2	Arbejdsformer	17
4.3	It.....	19
4.4	Fagsprog	20
4.5	Samspil med andre fag	20
5.	Evaluering	21
5.1	Løbende evaluering	21
5.1.1	Grundforløbsscreening	23
5.1.2	Årsprøver	23
5.2	Prøveformer	23
5.2.1	Den mundtlige prøve	23
5.3	Bedømmelseskriterier	25
5.3.1	Bedømmelse: Den mundtlige prøve på guxC.....	25
6.	Bilag.....	26
6.1	Bilag 1: Karakterbeskrivelser	26

Indledning

Undervisningen i almindelighed reguleres af lov og bekendtgørelse for de gymnasiale uddannelser. De styredokumenter, der særligt bestemmer undervisningen i matematik C, stx, er

- Læreplanen samt
- denne vejledning til læreplanen.

Læreplanen udgør en ramme, inden for hvilken lærer og elever kan følge deres interesser og tilpasse undervisningens indhold og tilgange til eleverne og deres studieretning.

Vejledningen præciserer, kommenterer, uddyber og giver anbefalinger vedrørende udvalgte dele af læreplanens tekst, men indfører ikke nye bindende krav.

Citater fra læreplanen er anført i citationstegn med kursiv.

0. Forord

Med 2018-læreplanerne for matematik har der været en intention om at lægge sig tæt op ad de danske 2017-læreplaner. Nærværende undervisningsvejledning følger således på mange punkter den tilsvarende danske vejledning.

Der må ikke herske tvivl om at slutmålene for de grønlandske matematikniveauer er ækvivalente med de tilsvarende danske – og grønlandske elever skal således fagligt nå samme sted hen, selv om deres udgangspunkt ved indgangen til gymnasiet ikke altid ses at være på linje med danske elevers. Dette kan konstateres gennem de indledende screeninger i grundforløbet, og skolerne kan herefter sætte ind med fornødne tiltag, så matematikundervisningen kan få et tilstrækkeligt studieforberedende niveau. I forhold til tidligere læreplaner er der sket en faglig opstramning på baggrund af anbefalingerne i

Matematikkommissionens rapport fra 2017 (<https://www.uvm.dk/-/media/filer/uvm/udd/gym/pdf17/jan/170116-matematikkommissionen-afrapportering.pdf?la=da>).

Ræsonnementskompetencen, modelleringskompetencen og problemløsningskompetencen skal være centralt placeret i behandlingen af ethvert emne, parallelt med at elevens erfaringer med matematiske begreber og repræsentationer samt det matematiske symbolsprog udvikles og konsolideres i et aktivt skriftligt og mundtligt ordforråd.

Matematik på C-, B- eller A-niveau har mulighed for at indgå i faglige samarbejder med andre fag – bredt på B-niveau og smallere på C- og A-niveau. På C-niveau er der muligheder for samarbejde med dansk, samfundsfag og science, men også de kunstneriske fag idræt, musik og billedkunst er gode samspilspartnere for matematik.

Matematik er i sit grundlag skriftligt. Enhver form for mundtlig matematik har altid et parallelt skriftligt sidespor – enten i form af symbolsk notation eller illustrationer. Dele af matematikken læres med papir og blyant som eneste redskaber, mens andre dele læres med brug af de utallige muligheder for at skrive, illustrere og eksperimentere med matematik, som et matematisk værktøjsprogram tilbyder.

”Matematisk værktøjsprogram” dækker i nærværende undervisningsvejledning over et program eller en samling af flere programmer, der kan håndtere både CAS, dynamisk statistik og dynamisk geometri, hvor CAS henviser til kommandoer, der kan håndtere symbolsk (algebraisk) omskrivning, reduktion,

formelhåndtering, ligningsløsning, differentiation og integration (ubestemt). Netop CAS-kommandoerne repræsenterer den algebra, som i simple tilfælde også skal kunne håndteres alene med papir og blyant.

Læreplanen beskriver fagets indhold, arbejdsformer og redskaber. Undervisningsvejledningen folder læreplanens intentioner ud og operationaliserer sammen med de skriftlige eksamensopgavesæt læreplanens beskrivelse af kernestoffet.

Strukturen i undervisningsvejledningen følger generelt samme opbygning som læreplanen.

1. Fagets rolle

Nedenfor følger direkte citater fra læreplanen. Indholdet foldes i øvrigt ud gennem beskrivelser af læreplanens øvrige afsnit.

”Matematik bygger på abstraktion, logisk tænkning og ræsonnementer og omfatter en lang række metoder til modellering og problembehandling. Faget beskæftiger sig med anvendelsesorienterede og undersøgende emner gennem modellering og løsning af praktisk orienterede problemstillinger.”

2. Fagets formål

Det almindende matematik C-niveau skal give alle elever bedre muligheder for at forstå og forholde sig til problemstillinger fra omverdenen, i andre fag, fra samfundsdebat eller privatliv. Konkret skal eleverne opnå kompetence til at håndtere virkelighedsnære problemstillinger og argumentere logisk, så de kan forholde sig kritisk til andres brug af matematik. Herigennem bliver de i stand til at gennemføre en videregående uddannelse, hvori matematik indgår på et grundlæggende niveau.

Niveauets karakteristika skal afspejles i undervisningens tilrettelæggelse.

3. Læringsmål og indhold

I læreplanens afsnit 3.1 er formuleret de læringsmål, som eleverne skal opnå gennem undervisningen i matematik på det aktuelle niveau. Læringsmålene danner grundlag for både det skriftlige eksamensprojekt og mundtlige eksaminer. Læringsmålene udmøntes gennem undervisningen dels i kernestof, der er beskrevet i afsnit 3.2, og dels i supplerende stof, der er beskrevet i afsnit 3.3. Læringsmålene uddybes gennem beskrivelsen af kernestof og supplerende stof i afsnit 3.2 og 3.3 nedenfor.

3.1 Læringsmål

Læringsmålene og det samlede faglige indhold bygger specielt på udvikling og styrkelse af elevernes ræsonnements-, modellerings- og problembehandlingskompetencer. I arbejdet med disse indgår udvikling af elevernes tankegangskompetence, symbol- og formalismekompetence samt repræsentationskompetence. I undervisningens tilrettelæggelse indgår desuden, at eleverne opnår kompetence til at kunne foretage bevidst hensigtsmæssigt valg af løsningsstrategi med og uden brug af matematiske værktøjsprogrammer. Eleverne skal igennem gymnasieforløbet have mulighed for at demonstrere og blive vurderet på deres opnåede matematikforståelse, hvorfor det også indgår i

læringsmålene, at eleverne skal kunne kommunikere aktivt *i, med og om* matematik i både mundtlig og skriftlig formidling.

Alle læringsmålene skal nås, og rækkefølgen er ikke udtryk for en prioritering af målene. Hvorvidt eleven har opfyldt fagets slutmål, undersøges ved de afsluttende prøver og i forbindelse med afgivelsen af de afsluttende standpunktskarakterer.

3.2 Kernestof og mindstekrav

Dele af kernestoffet på B-niveau og A-niveau indgår som valgmuligheder i det supplerende stof på C-niveau. For hold, hvor nogle elever forventes at ville opgradere til et højere niveau, kan det således være hensigtsmæssigt at vælge supplerende stof, der på næste niveau vil indgå som kernestof.

3.2.1 Tal og formler

Eleverne skal opnå en talforståelse, så de behersker regningsarternes hierarki og beregninger i almindelighed samt kan vurdere rimeligheden af fundne resultater. De skal trænes i at beherske overslagsregning, som bør forstås på den måde, at eleven inden udregning/anvendelse af it-værktøj har en forventning om eller et bud på et muligt men ikke eksakt svar, og efter anvendelse af fx it-værktøj kan forholde sig til resultatet og kan reflektere over om facit stemmer overens med buddet/forventningen.

Elevernes talforståelse fra folkeskolen skal vedligeholdes og udvikles, fx bør eleverne opnå forståelse af, at det på trods af let adgang til lommeregner på; fx mobiltelefoner er en stor fordel i mange typer af beregninger umiddelbart at kunne aktivere den lille og den store tabel, især kvadrattal.

Eleverne skal kende betegnelserne for talmængderne \mathbb{N} , \mathbb{Z} , \mathbb{Q} og \mathbb{R} samt forskellige repræsentationer af tal, herunder brøk, decimaltal og eksponentiel notation (talspotenser) og omskrivning mellem dem.

Eleverne skal kunne håndtere brøkgregning, potensregler og parentesregler (herunder kvadratsætningerne), i det omfang de støder på dem i arbejdet med formler og ligningsløsning, mens mere komplicerede udtryk håndteres ved hjælp af CAS. Eleverne skal kunne forklare formler og anvende formler til beregning, og de skal selv kunne opstille nye formler ud fra allerede kendte.

Begreberne ligefrem og omvendt proportionalitet er særligt relevante for de naturvidenskabelige fag, især fysik og kemi, hvor eleverne skal kunne omskrive formler og isolere ukendte størrelser, og derfor behandles proportionalitet i matematikundervisningen med inddragelse af eksempler fra andre fagområder, som eleverne har kendskab til.

Gennem eksempler og gentagen behandling skal eleverne opnå en grundlæggende forståelse af balanceprincippet i ligninger og have opbygget indsigt i, at ligningsløsning sker gennem gentagne anvendelser af 'omvendte operationer'. Til løsning af ligninger hører også simple ligninger med de elementære funktioner, der indgår i kernestoffet. Løsning af ligninger med sådanne sammensatte udtryk løses med CAS, og det er generelt accepteret, at CAS ("solve") i de aktuelle situationer finder samtlige løsninger.

I ligningsløsning indgår også arbejdet med repræsentationsformerne, fx skal eleverne kunne indføre passende variable (herunder betegnelser for disse) og opstille formler, simple ligninger og matematiske modeller med de elementære funktioner ud fra en sproglig beskrivelse af de sammenhænge, der forbinder forskellige størrelser, eller oplysninger om sammenhørende værdier for de variable repræsenteret ved koordinatsæt eller fastlagt ved en tabel.

Ved grafisk løsning er det vigtigt, at eleverne opnår fortrolighed med at kunne indrette koordinatsystemet hensigtsmæssigt i en given situation, og at en grafisk repræsentation kun viser et udsnit af både graf, definitions­mængde og værdimængde. Ved grafisk løsning af ligninger kræves en argumentation for, at alle løsninger til den aktuelle ligning fremgår af det valgte grafvindue.

Med en omfattende brug af CAS er det helt centralt for fortolkning af CAS-svar, at eleverne kender forskellen på eksakt og tilnærmet værdi samt kender betydningen af begrebet absolut værdi (numerisk værdi og kan benytte formler, hvor absolut værdi indgår).

Løsning af uligheder indgår ikke som selvstændigt emne. Derimod vil eleverne i anvendelsesopgaver kunne møde problemstillinger som: For hvilke værdier af x er medicinkoncentrationen større end/mindre end en given værdi?

3.2.2 Procent- og rentesregning, absolut og relativ ændring

Inden for procent- og rentesregning skal eleverne kunne håndtere generel procentregning, og de skal kunne anvende fremskrivningsformlen til problembehandling, herunder redegøre for begreberne begyndelses- og slutværdi, rentefod og terminer. Specielt skal det mere generelle begreb vækstrate, som har stor betydning i arbejdet med modeller hele vejen igennem kernestoffet, gives en særlig behandling.

3.2.3 Statistik

Statistik handler om at uddrage viden fra data, dvs. alle former for registreringer og målinger fra alle former for opgørelser, monitoreringer og ikke mindst videnskabelige undersøgelser og eksperimenter. Hvor det er muligt, er det en stor fordel for indlæring af begreber og metoder, at det foregår i et samarbejde med andre fag som samfundsfag og de naturvidenskabelige fag, der som en naturlig del af faget producerer datamaterialer, som kan behandles i matematik.

Eleverne skal kende og kunne anvende de indbyggede faciliteter og muligheder, som deres matematiske værktøjsprogram tilbyder til behandling af stikprøver (fx én-variabel-statistik). I behandling af stikprøver diskuteres konkrete datamaterialers repræsentativitet, og betydningen af de enkelte deskriptorer fortolkes ind i problemets kontekst. Eleverne skal kunne håndtere diskret og grupperet datamateriale, simple statistiske deskriptorer og simple grafiske repræsentationer af data.

Eleverne skal for simple datasæt (afhængigt af om det er diskret eller grupperet) kunne bestemme og fortolke begreberne hyppighed, frekvens, kumuleret frekvens, middelværdi, fraktiler, median og øvrige kvartiler samt maksimum og minimum, og de skal kunne tegne og aflæse fra boksplot og trappediagram/sumkurve.

Eleverne skal kunne beskrive og sammenligne grafiske repræsentationer med brug af ovennævnte deskriptorer samt simple spredningsbegreber som kvartilbredde, variationsbredde og den instrumentelt beregnede stikprøvespredning (standardafvigelse). Desuden skal de kende begrebet 'outlier'.

3.2.4 Regression

Eleverne skal kunne opstille modeller ved hjælp af lineær og eksponentiel regression samt potensregression. Eksponentiel regression og potensregression kan udføres direkte eller som lineær regression på logaritmisk transformerede data.

Specielt den lineære model, herunder lineær regression (forstået som mindste kvadraters metode), gives en særlig behandling, hvor residualer studeres nøjere, herunder det tilhørende residualplot. Eleverne skal kunne beregne residualer (herunder fx udpege den observation, der repræsenterer den største afvigelse) i

en lineær regression og vurdere afvigelsestørrelser i forhold til modelværdierne, og de skal kunne give en kvalitativ vurdering af en lineær models gyldighed med henvisning til den tilfældighed (eller omvendt den systematik) i afvigelsestørrelserne, der kommer til udtryk i residualplottet.

3.2.5 Trigonometri

Geometrien bygger videre på, at eleverne i folkeskolen har arbejdet med forholdsberegninger i ensvinklede trekanter med brug af skalafaktor samt med Pythagoras' læresætning i retvinklede trekanter, og at de fleste har prøvet kræfter med et dynamisk geometriprogram.

Eleverne forventes ud fra givne oplysninger at kunne konstruere målfaste trekanter (svarende til de fem trekantstilfælde) i et matematisk værktøjsprogram. Konstruktion skal forstås i moderne forstand og dækker over brug af et matematisk værktøjsprogram indbyggede kommandoer til at afsætte linjestykker med fast længde samt vinkler med fast gradtal. Den tegning af en trekant, der vises ved indtastning af tre ukendte stykker (sider og/eller vinkler) i en 'trekant-løser' i et program, er ikke at betragte som elevens konstruktion. Ved besvarelse af opgaver, der involverer konstruktion, bør eleverne efterlade konstruktionsobjekterne synlige i deres besvarelse, så der kan henvises til disse i en konstruktionsforklaring.

Eleverne skal kende og kunne anvende de trigonometriske formler gældende for retvinklede trekanter.

Endvidere forventes eleverne at kunne regne frem og tilbage i arealformler for trekanter, dvs. dels kunne bestemme areal ud fra kendte sider og vinkel, dels kunne bestemme ukendt side eller vinkel ud fra areal samt to kendte stykker i trekanten (to sider eller en side og en vinkel). Desuden forudsættes kendskab til linjer ved trekanten, som fx højde, median og vinkelhalveringslinje.

Elever skal kunne bestemme sider og vinkler i vilkårlige trekanter enten ved konstruktion eller ved anvendelse af en 'trekant-løser' i et program.

3.2.6 Funktioner

Eleverne skal opnå viden om de elementære funktioner: lineære og eksponentielle funktioner samt potensfunktioner, herunder disse funktioners karakteristiske egenskaber og grafiske forløb med henblik på definitions- og værdimængde, monotoniforhold samt asymptotiske forløb (eksponentiel og potens). Blandt potensfunktionerne forventes eleverne kun at kunne håndtere kvadratfunktionen, kvadratrodsfunktionen og den reciprokke funktion.

Hvor der indgår konstanter i en regneforskrift for en lineær eller en eksponentiel funktion, forventes eleverne at kunne argumentere for disses betydning for det grafiske forløb. Desuden bør eleverne have kendskab til, hvordan sammenhængen mellem lodret og vandret parallelforskydning af grafer kommer til udtryk i de aktuelle funktioners forskrifter.

Til de karakteristiske egenskaber for eksponentielle funktioner hører begreberne fremskrivningsfaktor og vækstrate, fordoblings- og halveringskonstant.

Eleverne skal kunne anvende de elementære funktioner i modellering, og de skal kunne forholde sig reflekterende til fremskrivninger ud fra modellerne, herunder diskutere idealiseringer og rækkevidden af modellerne med beregning af absolut/relativ afvigelse. De elementære funktioner bør derfor introduceres i en vekselvirkning mellem rent matematiske aktiviteter og modellering af virkelighedsnære problemstillinger, som giver mening for eleverne, og hvor de aktuelle funktioners egenskaber kommer særligt klart til udtryk.

Andengradspolynomier og logaritmefunktioner (10-talslogaritmen og den naturlige logaritme) omtales i en konkret anvendelsesorienteret sammenhæng med fokus på modellering, hvor modellen undersøges grafisk.

Det indgår ikke i kernestoffet, at eleverne kan udtale sig om parametrene betydning i et andengradspolynomium, og de skal ikke kunne løse andengradsligninger eller eksponentielle ligninger algebraisk uden CAS. I anvendelsesorienteret sammenhæng kan de to funktionstyper indgå i modeller beskrevet på begrænsede intervaller, hvor eleverne udover grafisk løsning forventes at kunne løse ligninger algebraisk med CAS, når de besvarer spørgsmål i relation til modellen. Behandlingen af disse funktioners anvendelse skal i særlig grad udnyttes til at antyde og lægge 'spor' ud til B-niveauets dybere behandling af samme.

3.2.7 Monotoniforhold

Eleverne skal grafisk kunne håndtere en simpel funktionsundersøgelse i en anvendelsesorienteret sammenhæng, hvor modellen er givet på et begrænset interval. Det betyder, at de skal kunne bestemme en funktions ekstrema samt monotoniforhold ved aflæsning på grafen, herunder opskrive monotoniintervaller, og de skal grafisk kunne bestemme ligningen for en tangent til en graf.

De anvendelsesorienterede kontekster vælges, så det giver mening for eleverne, når de skal fortolke resultaterne af aflæsningerne. På den måde skal eleverne opleve, at matematiske værktøjsprogrammer bidrager til, at de kan opnå information om den kontekst, som modellen beskriver, og som de ikke ville kunne opnå uden.

3.2.8 Matematiske modeller og modellering

Eleverne forventes at kunne anvende funktionsudtryk til modellering af geometriske fænomener, statistiske sammenhænge og andre variabelsammenhænge, og de forventes at opnå viden om de forskellige faser i en modelleringscyklus (se eventuelt figur i afsnit 4.1 *Matematisk modellering*). Specielt skal den indledende fase i en modelleringsproces og selve matematiseringsfasen gives særlig opmærksomhed, så eleverne får kendskab til metoder, der kan benyttes til at få hul på en problemstilling, udvælge den matematik, der skal bringes i anvendelse, og dernæst matematisere problemet.

En række modeller udspringer af rent matematiske analyser af et problem, fx et optimeringsproblem, som på C-niveau kan håndteres rent grafisk og eksperimentelt, mens andre udspringer af fx økonomiske, tekniske eller naturvidenskabelige sammenhænge, hvor eleverne arbejder med at forstå og beskrive sammenhænge i både statiske og dynamiske systemer.

I enhver modellering indgår principielle overvejelser om idealiseringer og rækkevidde, som typisk er relateret til den kontekst, som modellen indgår i. I samarbejde med andre fag eller ved inddragelse af viden fra andre fag kan man overveje, hvilke forenklinger, idealiseringer og abstraktioner der er acceptable i den givne situation og danner grundlag for en meningsfuld og anvendelig matematisering.

Eleverne skal kunne opstille simple matematiske modeller ud fra et givet talmateriale, en figur eller en beskrivende tekst, hvor de elementære funktioner bringes i anvendelse.

Modeller til beskrivelse af et datamateriale inviterer til spørgsmål om fremskrivninger og prognoser eller spørgsmål, der vedrører fortolkning af de formeludtryk og regneforskrifter, som modellerne genererer samt konkrete beregningsmæssige spørgsmål på baggrund af bestemte oplysninger om konteksten. Eleverne skal i arbejdet med modeller opnå kompetence til at begrunde deres svar med beregning af absolut eller relativ afvigelse afhængigt af den aktuelle situation.

Den del af kernestoffet, der omhandler lineære modeller, er obligatorisk i grundforløbet, se eventuelt yderligere under afsnit 4.1 nedenfor.

3.2.9 Mindstekrav

Mindstekravene udgør dels en balance mellem *færdigheder* og *kompetencer* og dels en balance mellem *uden* og *med* matematisk værktøjsprogram.

Mindstekravene knytter sig til de mest enkle og lettest forståelige dele af kernestoffet, som en elev forventes at kunne begå sig inden for. Mindstekravene retter sig dermed mod de grundlæggende matematiske færdigheder og kompetencer med og uden matematiske værktøjsprogrammer, som en elev som minimum skal kunne mestre inden for et givet felt, når eleven har gennemført og bestået matematik på det aktuelle niveau.

Mindstekravene kæder viden og begrebsforståelse sammen med færdigheder og kompetencer i relation til simpelt ræsonnement, modellering og problembehandling. Kravene til brug af matematiske værktøjsprogrammer bygger på forståelse og fortolkning af såvel input som output både grafisk og symbolsk, og derfor dækker mindstekrav også over basal brug af de muligheder, som matematiske værktøjsprogrammer tilbyder.

Mindstekrav må ikke forveksles med beherskelse af basale algebraiske færdigheder alene. Beherskelse af basale algebraiske færdigheder uden matematiske værktøjsprogrammer udgør en central, men mindre del af mindstekravene.

Til mindstekravene hører, at eleverne kan identificere kernen i et simpelt matematisk problem, og at de kan gå til problemet med en rimelig struktureret tankegang, som de er i stand til at redegøre for. Som en del af mindstekravene skal eleven også besidde en vis robusthed, dvs. faglig fortrolighed med og selvstændighed i udvælgelse og anvendelse af metoder i bestemte typer af problembehandling med og uden brug af matematiske værktøjsprogrammer.

Overordnet set ligger de grundlæggende færdigheder og kompetencer på alle de tre matematikniveauer (C-, B- og A-niveau) inden for tal, variable, problembehandling, argumentation og analyse. Bearbejdninger heraf på ét niveau vil resultere i nye færdigheder og kompetencer, der kan anvendes og give anledning til nye på næste niveau.

Opgaver, der afprøver, hvorvidt en elev mestrer mindstekravene, har karakter af typeopgaver, dvs. opgaver, der er forbundet med (en vis grad af) genkendelse for den elev, der aktivt har deltaget i undervisningen på det aktuelle niveau. Opgaverne er knyttet til hvert af de faglige emner i kernestoffet og består af spørgsmål med et eller få trin svarende til det unistrukturelle niveau i SOLO-taksonomien, herunder brug af simple kommandoer i et matematisk værktøjsprogram. Når en opgave omfatter et element af anvendelsesorientering, så beskrives problemstillingen i en kort og letforståelig tekst. Tilsvarende er symbolbrugen i 'nøgne' matematikopgaver letforståelig. Opgaverne fokuserer dels på beregninger, dels på forståelse.

Overordnet fokuserer mindstekravsopgaverne som udgangspunkt på følgende kategorier af færdigheder og kompetencer, som optræder inden for et eller flere kernestofemner:

Begreber og symboler

- Kende begrebsbetegnelser (ord og symboler) og betydning af begreber
- Indføre variable og angive symbolske betegnelser

Formler og funktioner

- Omskrive og reducere formler og udtryk med papir/blyant og med CAS
- Indsætte konkrete værdier i formler (forskrifter) og tilskrive resultatet betydning

- Aflæse indgående størrelser og tilskrive størrelserne betydning (matematisk og i kontekst)
- Opstille formler og udtryk ud fra givne oplysninger eller en sproglig beskrivelse

Ligningsløsning

- Afgøre, om et oplyst resultat (værdi, udtryk) er en løsning til en ligning med papir/blyant og med CAS
- Algebraisk løse ligninger med papir/blyant og med CAS
- Grafisk løse ligninger med papir/blyant og med matematisk værktøjsprogram

Grafer og figurer

- Tegne grafer og grafiske repræsentationer samt geometriske figurer med papir/blyant og med matematisk værktøjsprogram, herunder hensigtsmæssigt valg af 'grafvindue'
- Aflæse på forelagte grafer og grafiske repræsentationer samt på geometriske figurer (selvfrembragte med papir/blyant og med matematisk værktøjsprogram) – og tilskrive resultater betydning (matematisk og i kontekst)

Tabeller

- Aflæse data fra tabel, herunder funktionstabel og sandsynlighedsfordeling
- Opskrive (importere) data i tabel, herunder frembringelse af funktionstabel med papir/blyant og med CAS

'Black box'-kommandoer i matematisk værktøjsprogram

- Anvende indbyggede 'en-knap-kommandoer'
- Anvende indbyggede statistiske undersøgelser af data

Ovenstående må ikke ses som en udtømmende liste, men blot som eksempler, der anskueliggør kravene.

Mindstekravsopgaverne har et todelt formål til den mundtlige eksamen.

For de elever, som kan sige meget om hovedspørgsmålet, vil de virke som breddespørgsmål, der vægter yderligere positivt i den samlede bedømmelse, hvis de besvares tilfredsstillende.

For de elever, som har svært ved at sige noget om hovedspørgsmålet, vil en tilfredsstillende besvarelse af mindstekravsopgaverne mindst give en bestået karakter i den samlede bedømmelse.

3.3 Supplerende stof

Hos gux er kernestoffet mindre omfattende end på de tilsvarende danske gymnasiale niveauer, men til gengæld er der krav om at en del af det supplerende stof skal indeholde et eller flere valgemner, der kan tones efter studieretning. Det vil være naturligt at behandle dele af det supplerende stof i samarbejde med andre fag. Der er en række bindinger på det supplerende stof, men man kan også beskæftige sig med andet supplerende stof, fx i relation til et konkret studieretningssamarbejde eller andre faglige samspil.

Det supplerende stof er obligatorisk og skal indgå i opgaverne ved den mundtlige prøve.

Mindst ét af nedenstående 3 emner skal vælges som supplerende stof:

3.3.1 Indekstal og annuitetsregning

Som en del af en dybere talforståelse skal eleverne kunne håndtere relative beregninger, der involverer indekstal, herunder begrebet basisår.

Som en udvidelse af arbejdet med fremskrivningsformlen skal eleverne opnå viden om annuitetsregning, og det vil være oplagt at inddrage både trinvis beregninger i regneark samt de tilhørende formler. Emnet kan

behandles gennem anvendelsesorienterede eksempler, der bygger på autentiske data. Man kan vælge at udbygge forløbet med serielån, amortisationstabeller eller skattekberregninger, som kan give eleverne et indblik i, hvordan forskuds- og årsopgørelser fra skat, læses. Dette stof er velegnet til projektorienterede forløb, hvor eleverne selv skaffer stof og problemstillinger til behandling.

3.3.2 Kombinatorik og sandsynlighedsregning

Eleverne skal have kendskab til både a priori (på forhånd givne) og frekventielle (statistiskbestemte) sandsynligheder og kende forskellen på disse. Sandsynlighedsfelter, herunder symmetriske sandsynlighedsfelter, behandles som model for stokastiske eksperimenter gennem konkrete eksempler; herunder bør beregning af middelværdi samt tegning af pinde-/søjle-diagram indgå.

Eleverne skal kende og kunne anvende begreberne fakultet, permutation og kombination, og endvidere kunne håndtere simple kombinatoriske beregninger af sandsynligheder ved hjælp af additions- og multiplikationsprincippet; herunder inddrages naturligt tælletræer, som eleverne kender fra folkeskolen. Uafhængige hændelser omtales i forbindelse med problemløsning, der kræver multiplikation af sandsynligheder, men gives ikke en selvstændig behandling. Formlen for $K(n, r)$ kan generaliseres fx ud fra et eksempel, og det vil være naturligt at inddrage Pascals trekant i den forbindelse.

3.3.3 Vektorregning

Igennem vektorregningen arbejder eleverne med talforståelse, begrebsforståelse og algebra, parallelt med at de opstiller og løser geometriske problemer i og uden for koordinatsystemet. Vektorregningen skal således bidrage til, at eleverne vedligeholder og udvikler deres beregningsmæssige og algebraiske færdigheder, som de har med fra folkeskolen, samtidig med at de lærer noget helt nyt og går i dybden med nye geometriske begreber. Indførelsen af vektorbegrebet bør derfor såvel foregå i en vekslen mellem konstruktion og beregning som i en vekslen mellem aktiviteter med papir/blyant og matematiske værktøjsprogrammer.

Overordnet set skal eleverne kunne give en analytisk beskrivelse af geometriske figurer i koordinatsystemer og udnytte dette til at svare på givne teoretiske og praktiske spørgsmål, dvs. de skal kunne opstille og løse trigonometriske og andre plangeometriske problemer på grundlag af vektorberegninger med vektorer på koordinatform.

Cosinus og sinus kan indføres som koordinater for retningsvektoren til et givet punkt på enhedscirklen, og eleverne forventes at kende tangens som forholdet mellem sinus og cosinus. Eleverne forventes at kunne operere med begreberne nulvektor, enhedsvektor, stedvektor og forbindelsesvektor. Desuden forventes de at kunne anvende de simple overgangsformler, som er nødvendige for at kunne håndtere stumpe vinkler mellem vektorer.

Eleverne skal i beregninger og i geometrisk fortolkning ved konstruktion kunne anvende regnereglerne for vektorer (addition, subtraktion og multiplikation med en konstant) og de elementære operationer til at bestemme: længde af en vektor, tværvektor til en given vektor, skalarprodukt og determinant for to vektorer, vinkel mellem to vektorer (herunder parallelle og ortogonale vektorer) samt projektion af en vektor på en vektor.

I den indledende vektorregning er der rig mulighed for, at eleverne selvstændigt arbejder med at formulere simple sætninger (om fx længden af en vektor eller sammenhængen mellem to vektorers skalarprodukt og deres indbyrdes beliggenhed) og efterfølgende gennemfører eksempelborne ræsonnementer gennem matematiske eksperimenter eller egentlige beviser med analytiske argumenter.

Eleverne forventes at kunne argumentere for regneregler og formler gennem eksempler og matematiske eksperimenter i et værktøjsprogram.

For at eleverne kan leve op til alle læringsmål, skal det supplerende stof endvidere omfatte:

3.3.4 Ræsonnement og bevisførelse

Eleverne skal møde den matematiske teori løbende gennem hele gymnasieforløbet, og de skal selvstændigt arbejde med forskellige elementer af matematisk ræsonnement. Kun derved kan eleverne opnå en sådan fortrolighed med matematisk tankegang, at de i en problembehandling umiddelbart vil skelne mellem "hvad man ved", "hvad man antager", og "hvad man ønsker at vide". Det gælder, uanset om der arbejdes med ren matematisk teori eller med anvendelse af matematik til løsning af givne problemer. Dette aspekt kan fx fremhæves ved at præsentere eleverne for vidt forskellige beviser for samme sætning.

Eleverne skal opnå viden om, at der er forskel på den måde, hvorpå matematiske emner fremstilles i bøger, og den måde, hvorpå teorien hørende til emnet oprindeligt er fremkommet. De skal kende til bevisets rolle og derigennem opnå indsigt i fagets deduktive natur (afpasset C-niveau), hvor der skelnes mellem forudsætninger, antagelser, definitioner og sætninger. Eleverne skal selvstændigt kunne fremlægge simple matematiske ræsonnementer af forskellig karakter, og de skal kunne argumentere for de bærende idéer i udvalgte (gerne forskelligartede) beviser inden for forskellige dele af de emner, der hører til C-niveau. Denne side af matematikkens væsen bør introduceres tidligt gennem eksemplarisk materiale, der både rummer muligheder for elevernes selvstændige arbejde med matematiske eksperimenter, diskussion af antagelser og forudsætninger samt diskussion af det induktive kontra det deduktive. Det kan være direkte knyttet til kernestof eller supplerende stof.

Geometri og trigonometri indeholder sætninger med beviser, som er velegnede som introduktion til matematisk tankegang og argumentation.

3.3.5 Væksthastighed – et vigtigt begreb i matematiske modeller

Eleverne skal opnå kendskab til, hvordan man ud fra tangentens hældningskoefficient kan opnå information om, hvordan en given udvikling forløber, dvs. de skal kunne fortolke tangentens hældningskoefficient som en væksthastighed i en forelagt matematisk model. Eleverne skal rent instrumentelt ved brug af CAS eller ved aflæsning kunne bestemme tangentens hældningskoefficient i en anvendelsesorienteret kontekst fx hentet fra et andet fag, som eleverne har kendskab til.

3.3.6 Autentiske data

Eleverne skal arbejde med autentiske data. Til autentisk datamateriale hører både data hentet i diverse databanker eller andre steder og data, som eleverne selv producerer. Det vil desuden være oplagt at inddrage diskussion og behandling af store datamængder ("big data") som et led i arbejdet med elevernes digitale dannelse. Autentiske data skal som andre forelagte data behandles i et matematisk værktøjsprogram. Inddragelse af autentiske data bør, hvor det er muligt, løbende foregå i behandlingen af kernestoffet. Eleverne forventes at kunne importere og bearbejde store datamængder i deres matematiske værktøjsprogram.

4. Undervisningens tilrettelæggelse

Tilrettelæggelse af undervisningen kan foregå på mange måder, og nedenstående repræsenterer en række anbefalinger til, hvilke elementer der bør overvejes i forberedelsen af de enkelte lektioner og sammenhængende forløb.

4.1 Didaktiske principper

Undervisningen tilrettelægges med variation i forhold til arbejdsformer og undervisningsformer. Et modul kan eksempelvis begynde med et eksperiment, hvor eleverne prøver sig frem og selv opdager matematiske strukturer og sammenhænge. Andre gange præsenteres stof og metoder af læreren, hvorefter elever arbejder med dette, fx i form af opgaveregning. Nogle forløb og moduler tilrettelægges, sådan at hele klassen har en dialog om et emne, mens andre tilrettelægges, så elever i par eller i små grupper arbejder mere selvstændigt med et givent stof. I alle tilfælde vil omdrejningspunktet være elevernes selvstændige arbejde med stoffet.

For at udvikle den enkelte elevs matematikfaglige potentiale må det medtænkes i planlægningen af undervisningen, at både den fagligt stærke og den fagligt svage elev får et fagligt udbytte af undervisningen. Hele klassen behøver derfor ikke altid arbejde med det samme stof, og de behøver ikke altid arbejde med stoffet på samme måde.

Et grundlæggende princip for undervisningstilrettelæggelse bør være: "Ikke alle skal lære alt", men alle skal lære så meget, som de kan. Eleverne kommer med forskellige forudsætninger, og disse kan udjævnes, men der er også elever, som bare er bedre til matematik end andre elever (som i sportens verden).

Undervisningen tilrettelægges, så eleverne møder og bearbejder problemstillinger, der udspringer fra faget selv såvel som fra omverdenen. Det er motiverende for de fleste elever at opdage, at matematikken kan bringes i anvendelse, men det løfter også abstraktionsniveauet fra blot at kunne finde og indsætte i de rette formler til at skulle oversætte mellem repræsentationsformerne. Derfor er det helt centralt at have blik for og udpege over for eleverne, hvor de forskellige dele af det faglige stof bringes i spil i anvendelsesorienterede kontekster, så de lærer at afkode det matematiske problem i en kontekst, løse problemet og forklare, hvad løsningen til det matematiske problem betyder for konteksten.

Ved at formulere faglige mål og delmål for hvert større forløb bliver det tydeligt i en fælles forståelse for både lærer og elever, hvilke forventninger der er til indhold, form og elevernes indsats, så eleverne har de bedste forudsætninger for at tage aktiv del i de aktiviteter, der igangsættes i undervisningen. Det kan være nødvendigt at arbejde med særlige delmål for grupper af elever, som enten er fagligt stærke eller fagligt udfordrede. Uanset hvilken kategori en elev tilhører, så er succesoplevelser altafgørende for motivationen til fortsat at lære og yde den vedholdende indsats, der kræves for at lære et svært fag som matematik. Tydelige mål og delmål er desuden afgørende for en effektiv evaluering, som både læreren og den enkelte elev kan bruge fremadrettet.

4.1.1 Overgang og grundforløb

Grundforløbet er et afgrænset forløb i første semester, hvor eleverne skal introduceres til gymnasial matematik, som er en helt ny verden for mange af dem. De faglige krav er ikke kun højere, men de opleves også som meget anderledes. Eleverne går fra hovedsageligt at skulle kunne beskrive indholdet af fx en formel og forklare en løsningsprocedure til at skulle kunne argumentere for, hvordan fx en formel er fremkommet, og hvorfor en bestemt løsningsprocedure foretrækkes frem for en anden.

Eleverne skal gennem behandling af det faglige emne om lineære funktioner og lineære modeller dels inspireres til at gå på opdagelse og stille spørgsmål, dels møde passende krav til symbolbehandling og præcision i matematisk sprogbrug. Der skal være plads til både simple ræsonnementer i en teoretisk behandling af stofområdet og til modellering og problembehandling, der illustrerer stofområdets anvendelsesmuligheder fx i samspil med science.

I grundforløbet skal eleverne introduceres til gymnasiets tre forskellige matematikniveauer, C-, B- og A-niveau. Eleverne skal derfor igennem tilrettelæggelsen af undervisningen i grundforløbet opnå indsigt i forskellen på de tre niveauer, så de kan vælge studieretning og dermed matematikniveau på et oplyst grundlag.

Grundforløbet bør tilrettelægges, så eleverne fra dag ét møder matematik som et levende og spændende fag og ikke løbes over ende af krav om at kunne mestre diverse basale færdigheder.

Da eleverne efter grundforløbet muligvis fortsætter i forskellige studieretningsklasser, bør der på den enkelte skole behandles en ensartet kerne af stof for alle matematikhold i grundforløbet, så alle elever så vidt muligt har samme udgangspunkt, når de starter på studieretningsforløbet. Der er ikke faste regler for, hvor mange timer der skal afsættes til matematikundervisning i grundforløbet. Derfor skal matematikfaggruppen lokalt på den enkelte skole blive enige om det konkrete faglige indhold i grundforløbet, herunder eventuel inddragelse af yderligere kernestof. Det vil fx være demotiverende for elever at skulle igennem det samme stof to gange.

Matematikfaggruppen bør have klare aftaler for elevernes brug af matematiske værktøjsprogrammer i grundforløbet og på hvert af de tre niveauer C-, B- og A-niveau, så eleverne også i den henseende har samme udgangspunkt, når de starter på studieretningsforløbet.

Eleverne kommer normalt fra folkeskolen med ret forskellige matematikfaglige forudsætninger, og de er måske blandet på hold på tværs af kommende studieretninger og dermed interesse for faget. Det er derfor helt afgørende, at læreren indtænker undervisningsdifferentiering i sin tilrettelæggelse af grundforløbet, så hver enkelt elev oplever at være tilpas udfordret. Det er desuden en væsentlig pædagogisk opgave i grundforløbet, at alle elever oplever et spændende fag, som virker overkommeligt for dem at arbejde med fremover. Arbejdsformerne skal varieres, og der bør indgå forskelligartede skriftlige og mundtlige produkter – og ikke et ensidigt fokus på grundforløbets afsluttende screening.

Som lærer skal man være opmærksom på de udfordringer, der ofte beskrives ved overgangen fra folkeskolens matematikundervisning til gymnasiets matematikundervisning. Det handler blandt andet om tempoet, hvormed der indføres nye begreber, at der generelt er et højere abstraktionsniveau, og at der stilles større krav til præcision, fx i forbindelse med simpel symbolmanipulation og algebraisk løsning af simple førstegradsligninger samt krav til systematik i brugen af matematiske værktøjsprogrammer.

Eleverne skal i løbet af grundforløbet så vidt muligt udvikle gode studievaner, herunder også gode lektielæsningsvaner, dvs. eleverne skal lære, hvordan man forbereder sig bedst muligt til matematikundervisningen i gymnasiet. Læreren må derfor sørge for at give eleverne meningsfulde og overkommelige lektier for og følge op på disse i hver lektion. Lektierne behøver ikke nødvendigvis være de samme for alle elever. Det er en stor hjælp for mange elever, at der i lektionen er formuleret konkrete fokuspunkter eller spørgsmål til en tekst eller en opgave, som eleverne arbejder med derhjemme, så formålet med lektionen er klart for den enkelte elev. Eleverne skal opleve, at det er betydningsfuldt for deres matematiklæring og for undervisningens tilrettelæggelse, at de møder velforberedt til timerne. Tilsvarende er det vigtigt at gøre eleverne opmærksomme på, at de meget let går glip af noget og kommer bagud i et

fag som matematik, der i høj grad opbygges kumulativt, hvis ikke de møder forberedt frem og deltager aktivt i undervisningen.

I sidste del af grundforløbet gennemføres den afsluttende screening, der anvendes til at få indblik i den enkelte elevs evne til at anvende det centralt fastsatte kernestof om lineære funktioner og lineære modeller. Se nærmere om afvikling og evaluering i afsnit 5.1.

4.1.2 Ræsonnement

Eleverne skal selvstændigt arbejde med matematisk ræsonnement gennem hele gymnasieforløbet inden for alle områder af det faglige stof. De skal opnå fortrolighed med matematisk tankegang, sådan at de kan skelne mellem forudsætninger, antagelser, definitioner og sætninger samt redegøre for centrale beviser inden for flere af det aktuelle matematikniveaus stofområder. Ræsonnement skal ekspliciteres i forbindelse med behandling af ren matematisk teori, i modellering og under en eksperimentel behandling af et stof, hvor eleverne selvstændigt opdager "nye" matematiske sætninger eller arbejder med simuleringer. Se under supplerende stof for en yderligere udfoldning af begrebet.

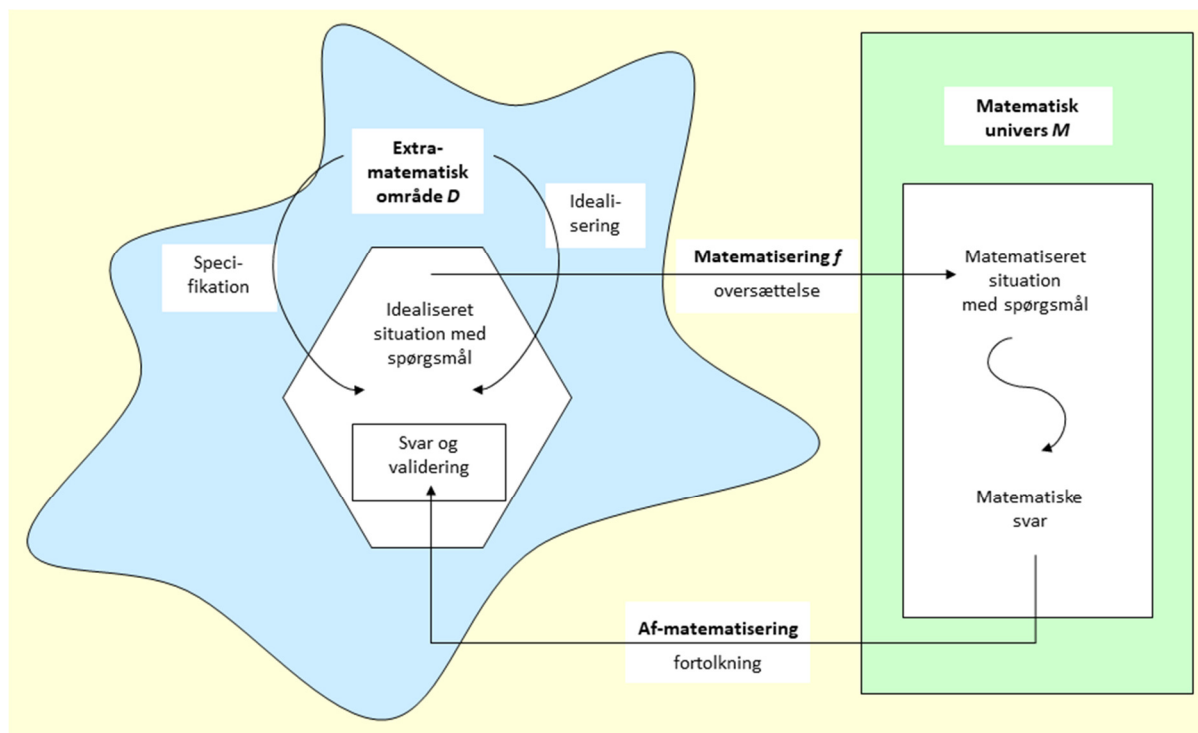
4.1.3 Problembehandling og modellering

Opgaveløsning er en central del af matematikfaget, som skal tilrettelægges med det formål at konsolidere færdigheder og udvikle en dybere forståelse af begreber. At løse opgaver med et ensidigt fokus på at kunne løse fagets afsluttende skriftlige projekt- og eksamensopgaver giver eleverne store problemer med at kunne håndtere matematiske problemstillinger, som ikke er 'standardopgavetyper', fordi de snarere lærer at *genkende* en opgavetype end at *forstå*, hvad en forelagt opgave egentlig går ud på. At kunne afkode, hvad et matematisk problem dækker over, og dernæst kunne vælge en hensigtsmæssig løsningsstrategi kræver matematisk indsigt, der rækker udover almindelig mønstergenkendelse, hvilket bør tilgodeses i tilrettelæggelsen og arbejdet med fx emne- og projektopgaver.

Mange tidligere eksamensopgaver fra både gux og de øvrige gymnasiale områder (hf, stx, hhx og htx) kan naturligt indgå på flere måder i undervisningen. Hvornår og hvordan afhænger af, hvor i det samlede forløb holdet befinder sig. Sædvanligvis kan det være hensigtsmæssigt at omskrive opgaverne og lette det faglige niveau ved at tilføje delspørgsmål, ved at stille krav om en bestemt løsningsmetode, så de passer til det relevante taksonomiske niveau, eller omvendt ved at omskrive og udvide dem, så de bliver mere åbne og mere omfattende til brug for et projektforsløb.

Problembehandling og matematisk modellering bør tilrettelægges, så eleverne selv lærer at formulere og besvare matematiske spørgsmål (og opgaver) i en kontekst uden for matematikken selv. Formuleringerne kan være målet i sig selv, eller spørgsmålene kan fx besvares (løses) af andre elever.

Eleverne skal ikke kun arbejde med matematisk modellering og problemløsning i forbindelse med kernestofemnerne, men også på tværs af emnerne (svarende til 'broer' imellem 'søjlerne'). Eleverne skal arbejde med alle faser i modelleringsprocessen, herunder matematiseringsfasen, hvor netop det at stille relevante spørgsmål og oversætte disse til et matematisk problem, der kan løses, er centralt.



Modelleringscyklus (Mogens Niss: *Matematisk modellering i matematikundervisningen*, Nuuk, 2016)

4.1.4 Undersøgelserbaserede aktiviteter

Matematik fremstilles ofte deduktivt, men udvikles induktivt, og dette skal elever opleve gennem en undersøgende behandling af matematiske emner og problemstillinger, hvor eleverne prøver sig frem og derigennem opnår ny viden. Der findes flere udgivelser fra udviklingsprojekter på området i Matematiklærerforeningens regi samt materiale fra IBMT-kursus på Matematikseminar 2019, der beskriver eksempler herpå. Desuden er der til de gængse matematiske værktøjsprogrammer udviklet materiale, der kan findes på de respektive programmets undervisningsrelaterede websites.

Matematiske eksperimenter udgør et væsentligt grundlæggende for udvikling af elevernes ræsonnementskompetence. Både tilrettelæggelse og udførelse af eksperimenterende undersøgelser af fx et begreb eller et problem kræver kæder af matematiske argumenter, ligesom konklusioner draget på baggrund af eksperimenterende undersøgelser af fx en matematisk sætning kan være med til at udvikle elevernes forståelse af, hvornår et argument kan betragtes som et matematisk bevis.

4.1.5 Færdigheder

Basale matematiske færdigheder tager lang tid at opnå, og de kan smuldre eller helt forsvinde, hvis de ikke holdes ved lige. De er dynamiske, og de kan kun konsolideres, hvis de fremhæves og dyrkes i andre sammenhænge end der, hvor de er bygget op. Det kræver tid, før en basal matematisk færdighed modnes og bliver en robust og aktiv del af en elevs matematikberedskab. Det er derfor helt centralt, at man i undervisningen vender tilbage til de basale matematiske færdigheder mange gange i løbet af et gymnasieforløb. Erfaringer har gang på gang vist, at et intensivt kursus i begyndelsen af skoleåret (fx i grundforløbet) kun har yderst ringe effekt. Læreren må indtænke en for eleverne meningsfuld gentagen træning af de basale færdigheder, netop når det er relevant, dvs. når behovet naturligt opstår i de faglige aktiviteter.

4.1.6 Matematisk symbolsprog og kommunikation

Kommunikation i matematik med brug af symbolsprog både skriftligt og mundtligt skal med en hensigtsmæssig progression trænes igennem elevens samlede matematikforløb. Eleverne kan bl.a. træne dette ved at læse, sammenligne og diskutere matematiske tekster hentet fra forskellige typer af kilder, herunder forskellige lærebøger, som ofte repræsenterer forskellige fremstillinger af et bestemt emne.

Elevernes selvstændige brug af matematikkens symbolsprog læres dog ikke alene ved at læse andres matematiske tekster. Der bør være særligt fokus på, at eleverne udvikler matematisk symbolsprog i udvalgte mundtlige og skriftlige produkter i såvel tværfaglige som enkeltfaglige forløb.

4.1.7 Matematiske værktøjsprogrammer

Matematiske værktøjsprogrammer skal ikke blot inddrages som middel til at løse matematiske problemer som fx eksamensopgaver. Programmerne skal i høj grad også udnyttes til begrebsindlæring inden for alle emner. I undersøgende tilrettelæggelser med CAS skabes mulighed for elevernes selvstændige udvikling og forståelse af begreber i relation til fx:

- konstanter betydning i forskellige funktionstyper vha. "skydere"
- simple sammenhænge inden for geometri ved visuelle betragtninger
- statistiske fordelinger ved at udføre simuleringer

Når de matematiske værktøjsprogrammer anvendes i opgaveløsning, skal det tydeliggøres for eleverne, hvori mindstekravene i forhold til anvendelse af et matematisk værktøjsprogram består.

4.1.8 Specielt om tilrettelæggelse mhp. træning frem mod de mundtlige prøver

Eleverne skal løbende igennem undervisningen præsenteres for og have mulighed for at bearbejde eksempler på formulering af opgaver og spørgsmål, der kan optræde ved den mundtlige prøve, fx gennem individuelle præsentationer i grupper, hvor spørgsmålene er tilpasset emnets aktuelle taksonomiske niveau på det tidspunkt, hvorpå stoffet er bearbejdet. Fx er måden, hvorpå man vil formulere et spørgsmål om funktioner, afhængig af, hvor i det samlede tidsmæssige forløb stoffet er behandlet. Det centrale er, at eleverne opnår indsigt i, hvordan en eksamensopgave knyttet til et kendt stof er formuleret, og hvilke krav der stilles til en præsentation af et svar herpå og en samtale herom.

De endelige eksamensopgaver formuleres fortrinsvist med udgangspunkt i det højeste taksonomiske niveau, hvorpå emnet er behandlet, og således at hvert af spørgsmålene afspejler det aktuelle matematikniveau. De mundtlige eksamensopgaver vil derfor ikke kunne udformes endeligt før ved afslutningen af det samlede forløb. Først på det tidspunkt vil eleverne kunne anvende deres erhvervede matematiske færdigheder og kompetencer til at ræsonnere, besvare spørgsmål og indgå i en faglig samtale på det aktuelle matematikniveau med inddragelse af underliggende niveaues stofområder på et passende taksonomisk niveau.

4.2 Arbejdsformer

Da elever lærer på forskellige måder, er en forudsætning for, at flest muligt lærer mest muligt, at arbejdsformerne er varierede og elevaktiverende. Arbejdsformerne kan varieres med henblik på elevernes muligheder for forståelsesafprøvning og feedback samt overvejelser om hensigtsmæssig inddragelse af matematiske værktøjsprogrammer. Arbejder eleverne sammen i mindre grupper, er det let for de fleste elever at stille opklarende spørgsmål og derudfra danne deres egen begrebsforståelse, mens det kan være grænseoverskridende for mange elever at stille den samme type spørgsmål i en

klasseundervisningssituation. Derfor bør klasseundervisning i form af foredrag og læreroplæg, hvor læreren formidler et fagligt stof, altid jævnlige afbrydes af korte sekvenser med fx parvise diskussioner og opfølgninger på det, der netop er blevet præsenteret/gennemgået, eller spørgsmål, der har karakter af at forudsige, hvad der sker i de(t) næste trin.

I nogle forløb, timer og sekvenser indgår undersøgelsesbaserede arbejdsformer, hvor eleverne selvstændigt i par eller mindre grupper undersøger matematiske begreber, sammenhænge og strukturer. I centrum for valg af arbejdsform skal altid stå elevernes mulighed for at bidrage aktivt til kommunikationen om og arbejdet med at lære nye begreber og metoder. Arbejdsformerne skal tilpasses elevernes differentierede faglige niveau, så det faglige løft for forskellige elevgrupper bliver størst muligt, hvilket kan betyde, at arbejdsformen for de særligt udfordrede elever involverer mere lærervejledning.

Elevernes evne til individuelt at arbejde med matematiske problemstillinger skal udvikles, ved at de gradvist får mere og mere ansvar for deres selvstændige arbejde med stoffet hen over det samlede gymnasieforb. I begyndelsen af forløbet gives grundig stilladsering til det stof, der skal bearbejdes, og de opgaver, der skal løses derhjemme, for på længere sigt at forpligte eleverne selv på at opnå den faglige erkendelse knyttet til det aktuelle stof. Dette kan både være i forbindelse med elevernes skriftlige produkter og deres daglige lektier.

Eleverne skal gradvist indføres i den matematiske sprogbrug, notation og krav til sproglig præcision. Det kan ikke kun læres ved at læse andres matematiske tekster, men skal læres gennem egenproduktion. Dvs. eleverne skal selvstændigt formulere sig skriftligt, så deres matematiske tankegang og sproglige præcision skærpes. Matematik er grundlæggende et skriftligt fag, forstået på den måde at næsten enhver mundtlig aktivitet vil være suppleret af noget skriftligt. Eleverne lærer derfor ikke matematik uden at skrive.

Matematikens mundtlige dimension er ligeledes væsentlig, da det er i elevernes dialog med hinanden og med læreren, at de får afprøvet deres forståelse af matematik, og derigennem opnår ny viden. Eleverne møder mange nye ord i deres matematikundervisning, og de lærer først ordene at kende og erkender først betydningen af dem, når de prøver at anvende ordene i en eller anden form for matematisk kommunikation – skriftligt eller mundtligt. Den mundtlige dimension kan trænes ved fx at læse højt af matematiske tekster, præsentere et matematisk ræsonnement og diskutere problembehandlingsstrategier.

På C-niveau skal eleverne skrive et antal emneopgaver, der tilsammen dækker niveauets kernestof og supplerende stof. Eleverne bør gøres bevidste om at en solid og målrettet indsats med disse opgaver vil give et godt udgangspunkt ved den mundtlige eksamen.

En emneopgave skrives i tilknytning til et eller flere hovedemner og skal sammenfatte de centrale dele deraf samt dokumentere de faglige mål, der er opnået gennem arbejdet hermed. Der bør indgå både teoretiske og anvendelsesorienterede elementer, gerne afstemt efter elevernes faglige niveau og ambition. De til emnet hørende fagudtryk og -begreber kan fx øves ved at lade eleverne beskrive dem med deres egne ord. Det vil desuden være oplagt, at der i en emneopgave også gives eleverne mulighed for at se og løse eksempler på mindstekravsopgaver. En emneopgave kan stilles som mindre delopgaver med fokus på forskellige aspekter, der senere samles. Arbejdet med en emneopgave sker procesorienteret, og det endelige produkt skal ikke nødvendigvis evalueres af læreren, men løbende kan der i stedet gives formativ feedback.

4.3 It

Matematik skal på lige fod med andre fag bidrage til elevernes digitale dannelse. I matematik er det oplagt at beskæftige sig med at genkende, bearbejde, forstå og opbygge algoritmer. Her skal en algoritme generelt set forstås som et sæt regler, der bruges til at løse et problem i et endeligt antal beregnings- eller argumentationstrin, der skal udføres for at nå frem til et resultat, som det fx er tilfældet med numeriske metoder eller udvalgte matematiske beviser.

Matematikfaget har i kraft af de matematiske værktøjsprogrammer en digital platform, som kan anvendes erkendelsesmæssigt, fx i eksperimenterende undersøgelser af sammenhænge og problemstillinger. Det er en fordel for både elever og lærere, hvis skolen formulerer en fælles politik mht. anskaffelse og anvendelse af matematiske værktøjsprogrammer. Specielt af hensyn til elever, der ønsker at opgradere fra et matematikniveau til det næste, bør der træffes velovervejede fælles beslutninger, og det vil samtidig styrke mulighederne for fagligt samarbejde på tværs af klasser og hold. Læreplanens betoning af repræsentationsformerne og skift imellem disse, eksperimentelle aktiviteter og simuleringer peger på, at der bør være adgang til værktøjer, der kan håndtere eksperimentel (dynamisk) geometri og eksperimentel (dynamisk) statistik.

En del elever møder op i gymnasiet med en vis matematikforskrækkelse fra folkeskolen, som kan have medført negativ selvopfattelse med henblik på matematiske færdigheder og kompetencer, der som oftest kommer til udtryk i en demotiveret indstilling til matematik. For sådanne elever kan matematiske aktiviteter med grafiske faciliteter og 'black box'-kommandoer i deres matematiske værktøjsprogram være med til at bløde op for en eventuel modstand. Fx vil grafisk løsning af ligninger parallelt med CAS-ligningsløsning betyde, at disse elever oplever, at de kan noget med matematikken, fordi de ikke sidder fast i afskrækkende algebraisk ligningsløsning.

I grundforløbet skal eleverne blandt andet arbejde med de fire forskellige repræsentationsformer i relation til lineære funktioner og modeller. Introduktionen hertil foregår læringsmæssigt mest effektivt med inddragelse af et matematisk værktøjsprogram, hvor der er let adgang til at skifte mellem repræsentationsformerne, fordi netop dette vil styrke elevernes forståelse af sammenhængen mellem punkter, forskrifter og tilhørende grafisk fremstilling. Ligeledes bør eleverne også allerede i grundforløbet arbejde med at formulere egne hypoteser fremkommet ved eksperimenter i værktøjsprogrammet.

De matematiske værktøjsprogrammets dynamiske muligheder skal især udnyttes til, at eleverne selvstændigt går på opdagelse og eksperimenterer med begreber, repræsentationsformer, modellering og problembehandling, hvor de alene eller sammen med andre elever formulerer konklusioner på undersøgelserne. Eleverne skal derfor hurtigst muligt blive fortrolige med brug af de dynamiske muligheder, et program tilbyder, fx at styre parametre med en skyder, trække i objekter, anvende spor og dataopsamling, samt i at fremstille simple simuleringer, fx i statistik, hvor simulering af terningekast er en god introduktion til faciliteter til håndtering af tilfældige udtræk (random-kommandoer). Elevernes fortrolighed med programmet vil efterhånden øges, og det vil blive et helt naturligt redskab, som de vil benytte til at formulere og undersøge påstande og belæg herfor, som senere kan påvises gennem et formelt matematisk ræsonnement.

Det tager tid at lære at bruge et bestemt program. Derfor bør man inddrage de matematiske værktøjsprogrammer, som skolen har valgt at arbejde med, så tidligt som muligt og som et naturligt redskab på linje med papir, blyant, bøger etc. Herudover kan man i undervisningen med fordel udnytte de didaktiske

muligheder, der ligger i at inddrage andre digitale redskaber som fx videooptagere (herunder screencasts), online quizzes og præsentationsprogrammer.

De matematiske værktøjsprogrammets faciliteter bør altid introduceres i forbindelse med behandling af matematisk stof og ikke ved at afholde et decideret introkursus for eleverne i værktøjsprogrammet. I stedet skal relevante faciliteter introduceres undervejs i undervisningen, når behovene naturligt opstår i behandlingen af det faglige stof. I langt de fleste undervisningssituationer vil brugen af matematiske værktøjsprogrammer ske i en vekselvirkning med papir og blyant. Erkendelse af nye matematiske begreber og sammenhænge kan som oftest understøttes af skift mellem redskaberne. Derfor bør der i de matematiske aktiviteter, som eleverne sættes i gang med, altid indgå overvejelser om, hvordan redskaberne kan inddrages didaktisk mest hensigtsmæssigt. Afgørelsen af, hvorvidt inddragelsen er hensigtsmæssig, beror på den aktuelle situation, idet både 'black box'- og 'white box'-aktiviteter har sin berettigelse i matematikundervisningen. Værktøjerne kan fx kompensere for endnu ikke opnået indsigt i både matematisk teori og problemløsningsstrategi. Det centrale er, at lærer og elever er bevidste om, hvornår en matematisk aktivitet er 'black box' henholdsvis 'white box'.

Til 'white box'-aktiviteter hører anvendelse af de matematiske værktøjsprogrammer til at lære matematik med, dvs. til at undersøge og forstå begreber og sammenhænge. Fx kan eleverne undersøge parametres betydning i en funktionsforskrift, simulere eller på anden måde eksperimentere sig frem til resultater og postulater, som er beskrevet i afsnit 3 og 4.

I forbindelse med mundtlig og skriftlig formidling spiller elevens digitale kompetencer en større og større rolle. Elevernes kritiske udvælgelse og behandling af relevant information, herunder data, er afgørende for elevernes læring i mange fag. Her kan matematik fx bidrage med opstilling og test af hypoteser samt opstilling og kritisk bearbejdning af både matematiske og statistiske modeller.

4.4 Fagsprog

Mange elever har ikke undervisningssproget som deres primære sprog, og i undervisningen bør der derfor være stor opmærksomhed omkring både fagbegreber og før-faglige begreber.

Undervisningen skal tilrettelægges, så der arbejdes systematisk med udvikling af elevernes fag- og symbolsprog samt anvendelse af fagets terminologi. Betydningen af før-faglige begreber som fx *definere, konkludere, argumentere, redegøre, analysere, bevise, udlede* m.m. omtales tidligt i det samlede forløb, og der bør vendes tilbage til dem flere gange. I fx emneopgaver kan eleverne gives mulighed for at forklare faglige termer og begreber med deres egne ord. Løbende kan der gruppevis eller individuelt arbejdes med at opbygge dokumenter med fagordbog og symbol- og formelsamling.

På fagets inspirationsside på Iserasuaat findes materialer (pdf, Word og Maple Help) med begrebs- og ordforklaringer på både grønlandsk og dansk:

<http://www.iserasuaat.gl/da/Den%20Gymnasiale%20Uddannelse/Fag/Matematik/Inspiration%20til%20Undervisning>

4.5 Samspil med andre fag

Flere af læreplanens læringsmål involverer fagligt samspil, bl.a. skal eleverne kunne demonstrere viden om matematikanvendelse inden for udvalgte områder. Ofte kan det være med udgangspunkt i problemstillinger fra dagligliv og samfundsliv.

Tilsvarende omfatter det faglige indhold under supplerende stof oplagte muligheder for fagligt samspil, idet der kan vælges de emner, der giver mest mening i studieretningen.

Når der arbejdes med læreplanens øvrige faglige indhold, opfyldes ovenstående løbende ved inddragelse af historiske aspekter, ved tydeliggørelse af, hvilke matematiske metoder der er i spil, og ved diskussion af matematikdisciplinens kendetegn samt inddragelse af problemstillinger fra andre fagområder etc.

I grundforløbet er det særligt science og dansk, der kan indgå i faglige samspil med matematik, mens det i studieretningen er særligt vigtigt at inddrage studieretningens centrale fag i faglige samspil med matematik. I den lokale planlægning af både grundforløb og studieretningsforløb vil der formentlig være forskellige andre fag, der kan være naturlige samarbejdspartnere for matematik. Mindst ét af de tværfaglige forløb, som matematik indgår i, bør være med et centralt fag i studieretningen.

Stofudvælgelsen foretages gennem hele forløbet med øje for holdets muligheder for fagligt samspil. Valg af stof i grundforløbet kan således koordineres med science. Den lineære model er her omdrejningspunktet for matematikundervisningen, og det er oplagt at arbejde med lineære modeller af naturvidenskabelige sammenhænge, herunder udføre lineær regression på data, som eleverne har produceret i science. Tilsvarende kan der være andre kernestofemner, som er oplagte at behandle i faglige samarbejder eller parallellæsning. Desuden er det oplagt at inddrage eksempler på anvendelse af matematik hentet fra andre fag, som eleverne kender til og måske selv henleder opmærksomheden på.

For at forberede eleverne på studieprojektet (hvad enten de påtænker at skrive SP med eller uden matematik) bør der tilrettelægges aktiviteter, der giver eleverne mulighed for at kommunikere både skriftligt og mundtligt om deres tværfaglige arbejde, herunder redegøre for matematiske metoder i et sprog, som man også uden for faget kan forstå.

5. Evaluering

Evaluering er en central del af al undervisningspraksis, således også i matematikundervisningen i gymnasiet. Evaluering skal være et redskab for både lærer og elever til at gøre undervisning og læring mere motiverende og mere effektiv for den enkelte.

5.1 Løbende evaluering

Evaluering af elevernes faglige udbytte sker gennem løbende evaluering og feedback. Den løbende evaluering skal relatere sig til både elevens mundtlige og skriftlige niveau, og progression skal indtænkes i den løbende evaluering. Således bør formativ evaluering være dominerende i begyndelsen af et niveau, hvor der er fokus på, hvordan eleven kan forbedre sit faglige niveau, mens summativ evaluering bør være dominerende i slutningen af niveauet, bl.a. i form af terminsprøve og/eller prøveeksamen.

Den løbende evaluering af elevens matematikfaglige udbytte har til formål dels at give eleven respons på vedkommendes arbejde, så dette kan forbedres, og dels at hjælpe underviseren med at finde elevens niveau ved karaktergivning - både terminskarakterer og afsluttende standpunktskarakterer. Det skal være tydeligt for eleven i den løbende evaluering, hvorledes denne klarer sig i forhold til mindstekravene, og at der gives klare retningslinjer for, hvorledes eleven kan arbejde med at opnå kravene. Beskrivelsen af karaktererne A, C og E findes under 5.3 Bedømmelseskriterier.



Evaluering af det mundtlige faglige niveau foregår via feedback på mundtlige præstationer som fx mundtlige fremlæggelser (evt. video) eller mundtlige svar på spørgsmål i undervisningen. I enhver kommunikation

med eleverne i klassen i form af klassedialog, gruppearbejde, elevfremlæggelse mv., hvor eleverne kommer med faglige input, giver læreren passende feedback (niveausvarende) med henblik på brug af fagbegreber og faglig præcision med det for øje, at eleverne skal lære et nyt sprog ('at tale matematisk'). I matematik er der oftest et korrekt svar eller en præcis formulering af et svar, men elevbidrag bør anerkendes og roses, så alle elever får mod på at deltage aktivt. Langt de fleste elevbidrag kan bruges positivt i vejen frem mod det størst mulige matematikfaglige udbytte for hver enkelt elev, og matematikkens præcise sprogbrug bør hele tiden udvikles i elevernes dialog med hinanden og med læreren.

Indimellem tilrettelægges korte individuelle evalueringssamtaler med fokus på elevens potentielle matematikfaglige udviklingsmuligheder. Evalueringssamtaler, der som oftest er af formativ karakter, kan fx afholdes i forbindelse med prøver, projektarbejde og rapporter, mundtlige fremlæggelser eller andet selvstændigt arbejde. Det kan også være i forbindelse med afgivning af standpunktskarakterer, hvor man afholder samtalen enten før eller efter, eleverne har fået deres karakterer. Selvevaluering kan danne grundlaget for samtalen, idet eleverne ofte har god og realistisk vurdering af deres niveau.

Evaluering af elevernes skriftlige produkter bør gives på en række forskellige måder afhængigt af, hvilken type skriftligt produkt der er tale om, og afhængigt af, hvilket formål produktet har. Elevernes skriftlige produkter bør have mange forskellige udtryksformer.

Et skriftligt produkt bør altid have et eksplicit formål, som bør formuleres tydeligt for eleven. Når en lærer giver feedback på et elevprodukt, hvor det primære formål har været at dokumentere elevens faglige niveau, så vil feedbacken ofte være i form af en karakter eller anden summativ bedømmelse (fx ud fra SOLO-taksonomien). Det modsatte vil være tilfældet, når formålet med elevproduktet har været læring af ny matematik. Her er konkrete fremadskuende anvisninger mere effektive end en afsluttende bedømmelse.

SOLO TAKSONOMI (Structure of the Observed Learning Outcome)				
			Identificere forskelle Kombinere begreber Analysere og bevise Anvende begreber	Opstille teorier og hypoteser Bevise og generalisere Reflektere Perspektivere
	Angive Formler Udføre simple løsningsprocedurer	Forklare og definere begreber Udføre rutinemæssige løsningsprocedurer		
"Misses the point"				
Præ-strukturel	Uni-strukturel	Multi-strukturel	Relationel	Abstrakt
Ingen forståelse	Overflade forståelse		Dybde forståelse	
KVANTITATIV FASE			KVALITATIV FASE	

I forbindelse med skriftligt arbejde bør det tydeliggøres, hvorvidt eleverne skriver for at lære eller for at dokumentere deres viden, og hvad et eventuelt bedømmelsesgrundlag omfatter. Feedback på skriftligt arbejde bør tænkes individuelt og differentieret, så den enkelte elev kan opnå optimal læring. Den formative feedback bør være dominerende i en væsentlig del af undervisningen frem mod det afsluttende niveau.

Meget tyder på, at de fleste elever lærer mest ved at få hjælp i skriveprocessen fremfor at få afsluttende kommentarer på et produkt. Læreren bør derfor som oftest tilrettelægge det skriftlige arbejde, så eleverne får feedback på flere stadier i deres udarbejdelse af et produkt.

Tests kan anvendes som evaluering af både mundtligt og skriftligt niveau. Evaluering af mundtligt niveau kan fx ske gennem en test med åbne forståelsesrelaterede spørgsmål "Hvad forstås ved en tangent til en graf?". Tests kan være korte seancer i starten eller slutningen af et modul, eller det kan være længerevarende tests. Korte tests er uformelle, ofte er eleverne uforberedte, og testene har et formativt sigte. Længerevarende tests på et helt modul vil typisk være forberedte og have et overvejende summativt sigte. Nogle tests vil læreren rette og bedømme, mens andre fx bedømmes af andre elever eller i fællesskab på klassen. Mindstekravsopgaver bør være et element i elevernes selvevaluering, og de kan være et hjælperedskab i lærerens evaluering af eleverne, når de indgår i fx tests, skriftlige afleveringsopgaver, emneopgaver og projektrapporter.

5.1.1 Grundforløbsscreening

I sidste halvdel af grundforløbet gennemføres en individuel skriftlig screening, gerne forud for elevernes eventuelle omvalg af studieretning. Screeningen varer to timer og skal anvendes til at få et indblik i, om den enkelte elev er i stand til at anvende grundforløbets obligatoriske kernestof (lineære funktioner og lineære modeller) til at løse forskellige typer af opgaver knyttet hertil. Eleverne skal under hele prøven have adgang til alle de sædvanlige hjælpemidler, dvs. relevante undervisningsmaterialer (herunder også digitale ressourcer på nettet), egne noter og matematisk værktøjsprogram, men uden kommunikation med andre. Screeningsens mål ikke er at fastslå et standpunkt, og det er derfor ikke et krav, at screeningen skal bedømmes med en karakter. En formativ tilbagemelding, knyttet til elevens nødvendige indsats set i forhold til dennes fremtidige matematikniveau, vil være mere konstruktiv for elevens eventuelle valg af studieretningsskift.

Skolen eller den enkelte lærer kan selv sammensætte den afsluttende screening – eller der kan blot benyttes én af de mange vejledende screeninger fra stx, htx eller hhx, der er lagt ud på Prøvebanken. Eksempler er også tilgængelige via materialedeling i Teams-gruppen Matematik GUX.

5.1.2 Årsprøver

Det kan anbefales at lade eleverne afprøve eksamenssituationen i form af en mundtlig årsprøve i 1g. Årsprøven bør da have samme struktur som den afsluttende eksamen, så eleverne kan opnå en vis fortrolighed med og træning i fagets prøveformer. Skolen kan overveje at placere sådanne årsprøver i det tidsrum, hvor der afvikles afsluttende skriftlige prøver for 3g-eleverne.

5.2 Prøveformer

5.2.1 Den mundtlige prøve

Der afholdes en mundtlig prøve i matematik på C-niveau. Den indgår i elevernes prøveudtræk.

Grundlaget for den mundtlige prøve er det samlede indhold i fagets kernestof, mindstekrav og supplerende stof tillige med den enkelte elevs emneopgaver samt andet skriftligt og mundtligt arbejde fra undervisningen.

Det samlede grundlag skal fremgå af undervisningsbeskrivelsen, der skal sikre et entydigt eksaminationsgrundlag.

Eleven skal være indstillet på, at dele af eksaminationen vil forme sig som en samtale/eksamination mellem eksaminand og eksaminator, hvor censor kan stille uddybende spørgsmål.

Det er de faglige mål konkretiseret i bedømmelseskriterierne jf. 5.3, der er grundlaget for bedømmelsen af eksaminandens præsentation.

Eksaminator skal løbende gennem skoleåret informere eleverne om, hvordan spørgsmålene til den mundtlige prøve kan forventes at se ud, således at eleverne er bekendt hermed. Eleverne skal endvidere gøres bevidste om formålet med forberedelsestiden, og herunder hvordan tiden kan udnyttes bedst muligt.

Det er vigtigt, at eksamensopgaverne udformes brede, således at eksaminanden gives mulighed for at vise selvstændighed. Derudover er det væsentligt at tilgodese både den elev, der skal have karakteren E og den elev, der skal have karakteren A.

I en uddybning og perspektivering af emnet bør der lægges op til at eksaminanden selvstændigt kan inddrage relevant stof indenfor emnet og på den måde kan gives mulighed for at vise fagligt overblik og progression indenfor emnet.

Et udkast til den kendte del af eksamensopgaverne til den mundtlige prøve skal offentliggøres og drøftes med eleverne i god tid, om muligt mens der fortsat er undervisning, så det er klart for dem, præcist hvilke krav en given formulering dækker over. De endelige eksamensopgavers kendte del, som så vidt muligt skal være ækvivalente i omfang og sværhedsgrad, skal offentliggøres senest en uge før prøvens afholdelse (med forbehold for eventuelle censoranbefalede ændringer).

Regler vedrørende eksaminandernes brug af internettet for at tilgå tilladte hjælpemidler ved prøverne fremgår af § 6 i "[Bekendtgørelse om visse regler om prøver og eksamen i de gymnasiale uddannelser](#)". Nærmere vejledning om tilladte hjælpemidler kan findes i denne [FAQ](#) samt i [hjælpemiddeloversigten](#).

I det følgende er indholdet og afviklingen af den mundtlige prøve på C-niveau uddybet.

Den mundtlige prøve på guxC

Ved den mundtlige prøve i matematik C får eksaminanden ved lodtrækning en opgave, der indeholder:

- et eller to kendte delspørgsmål til et fagligt matematisk emne, der knytter sig til en af emneopgaverne fra undervisningen og den teori, den omhandler
- en ukendt stillet opgave, der består af tre små uafhængige delopgaver, der afprøver fagets mindstekrav inden for andre emner end det overordnede

I forhold til 2012-ordningen har eleven fået udvidet sin forberedelsestid med ekstra 24 minutter til mindstekravsopgaverne. Derfor er disse en obligatorisk del af eksaminationen for alle elever, men det er individuelt, hvor lang tid der bruges på denne del. For nogle elever bruges der måske blot 2 minutter og for andre fx 10 minutter. For fagligt stærke elever fungerer mindstekravsopgaverne som breddeopgaver, mens de for fagligt svage elever giver en konkret mulighed for at bestå. Kan eleven gøre rede for løsning af alle mindstekravsopgaver, gives mindst karakteren E. Omvendt er det ikke en betingelse for at bestå, at en elev kan løse alle mindstekravsopgaverne, da de kun indgår som en del af den samlede vurdering.

Spørgsmålene i mindstekrav til den mundtlige prøve må ikke være kendte på forhånd, og de skal trækkes inden, eleven går ind til forberedelse. På den anden side skal opgavernes form og indhold heller ikke være helt ukendte for eleven. Det betyder, at eleven i den daglige undervisning løbende præsenteres for opgavetyper, der kan tænkes at indgå til testning af mindstekrav. Eleverne kender således ikke på forhånd de

specifikke opgaver, der indgår ved prøven, men de er informeret om hvilke opgavetyper, de vil kunne møde ved prøven. Hele tanken bag indførelse af mindstekrav er, at eleverne skal kunne forberede sig, så de på forhånd kan sikre sig at kunne bestå.

Alle hovedemner i kernestoffet skal være repræsenteret i mindstekravsopgaverne, mens supplerende stof kan indgå (men ikke er påkrævet). En mindstekravsopgave (med de samme tre uafhængige spørgsmål) må ikke gå igen på samme hold, men hvert enkelt mindstekravsspørgsmål må gerne varieres og kombineres på ny i andre mindstekravsopgaver. Eksempler på mindstekravsopgaver kan findes i det lukkede Teams-forum Matematik GUX for de grønlandske matematikgrupper.

Dertil kommer elevens eget valg af uddybning og perspektivering af udtrukket emne. Perspektivering kan være til øvrige relevante emner i faget, tvær-/flerfaglige forløb eller andre problemstillinger tonet af studieretningen.

Det forventes, at der udarbejdes 8-12 eksamensopgaver.

Oplæg til emneopgaverne, de kendte spørgsmål og opgaverne der afprøver fagets mindstekrav sendes til censor mindst 5 hverdage før prøvens afholdelse, medmindre særlige forhold er til hinder herfor. Det kan betyde, at udsendelsen må foretages, før eksamensplanen er offentliggjort. Udsendelsen af opgaver og materialer må da kun ske i et omfang, der ikke medfører, at andre dele af eksamensplanen kan udledes.

5.3 Bedømmelseskriterier

Bedømmelsen er knyttet til de læringsmål, som grundlæggende karakteriserer det pågældende niveau. Bedømmelsen er altid en vurdering af, i hvilket omfang eksaminandens præstation lever op til de relevante læringsmål (jf. afsnit 3.1).

Ved den mundtlige prøve gives der én karakter ud fra en helhedsbedømmelse.

Når der afgives karakterer, er det vigtigt at kende karakterbekendtgørelsens bestemmelser og beskrivelser af de enkelte karakterer. Karakteren er blot ét skalatrin og ikke en udtalelse, og karakterskalaen består kun af ganske få trin. Derfor vil den enkelte karakter altid rumme en vis kompleksitet. I de efterfølgende tabeller (tabel 1) er det på skematisk form beskrevet, hvorledes GGS-skalaens terminologi kan knyttes sammen med læringsmålene for henholdsvis skriftlig og mundtlig matematik på det aktuelle niveau for karaktererne E, C og A.

5.3.1 Bedømmelse: Den mundtlige prøve på guxC

Ved den mundtlige prøve lægges særlig vægt på, om eksaminanden:

- kan præsentere et konkret afgrænset matematisk emne på en klar og overskuelig måde.
- demonstrerer indsigt i matematisk teori og tankegang.
- kan håndtere matematisk symbolsprog og terminologi samt operere med matematiske begreber.
- kan argumentere for en matematisk påstand og/eller opstille en matematisk model.
- kan diskutere, vurdere og anvende hensigtsmæssige matematiske metoder til modellering og problembehandling.

6. Bilag

6.1 Bilag 1: Karakterbeskrivelser

Tabel 1: Oversigt over karakterskalaen

A	Fremragende	Karakteren A gives for den fremragende præstation, der demonstrerer udtømmende opfyldelse af fagets mål, med ingen eller få uvæsentlige mangler.
C	God	Karakteren C gives for den gode præstation, der demonstrerer opfyldelse af fagets mål, med en del mangler.
E	Tilstrækkelig	Karakteren E gives for den tilstrækkelige præstation, der demonstrerer den minimalt acceptable grad af opfyldelse af fagets mål.

Tabel 2: Den mundtlige prøve på C-niveau

A	Fremlæggelsen er velstruktureret, og eksaminanden demonstrerer overblik over et fagligt emne. Eksaminanden gennemfører simple matematiske ræsonnementer, redegør for faglige metoder og diskuterer og vurderer simple matematiske modeller med sikkerhed og med kun uvæsentlige mangler og udeladelser. Eksaminanden anvender det matematiske symbolsprog og det daglige talte sprog i relevante sammenhænge på en hensigtsmæssig og overvejende sikker måde.
C	Fremlæggelsen er sammenhængende, og eksaminanden demonstrerer kendskab til et fagligt emne. Eksaminanden kan indgå i en dialog om simple matematiske ræsonnementer, faglige metoder samt diskussion. Eksaminanden skifter mellem anvendelse af det matematiske symbolsprog og det daglige talte sprog med en vis grad af sikkerhed.
E	Fremlæggelsen er delvist usammenhængende, og eksaminanden demonstrerer et begrænset kendskab til et fagligt emne. Eksaminanden beskriver faglige metoder og redegør for modeller med en del usikkerhed og med adskillige væsentlige mangler og udeladelser. Eksaminanden skifter usikkert mellem anvendelse af det matematiske symbolsprog og det daglige talte sprog. Honorering af fagets mindstekrav giver mindst karakteren E.